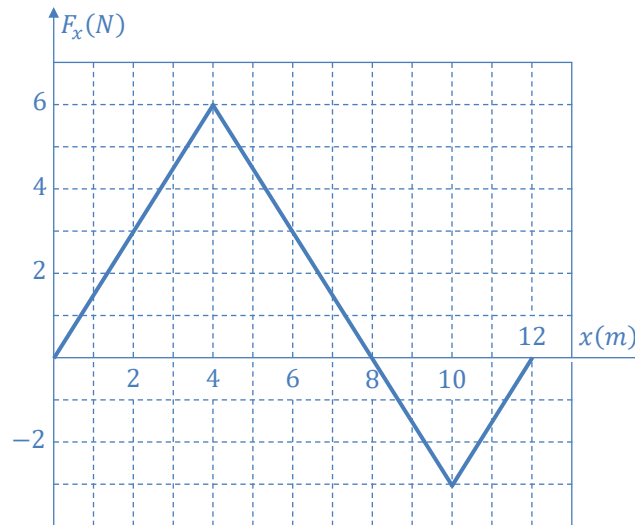


## Série N° 4 – Travail & Énergies

### Exercice 1 (À Traiter en Cours)

La force agissant sur une particule varie comme le montre la figure ci-dessous.

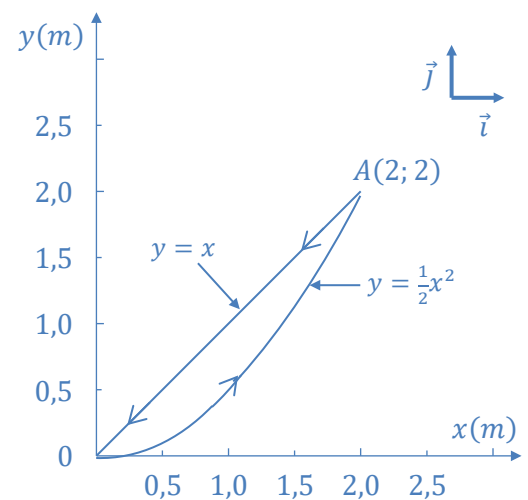
1. Trouver le travail effectué par la force sur la particule en se déplaçant :
  - a. de  $x = 0 \text{ m}$  à  $x = 8 \text{ m}$ .
  - b. de  $x = 8 \text{ m}$  à  $x = 10 \text{ m}$ .
2. Sachant que la vitesse de la particule à l'origine est  $V_0 = 4 \text{ m/s}$ . Calculer la vitesse de la particule aux points d'abscisses  $x = 8 \text{ m}$  et  $x = 10 \text{ m}$ .



### Exercice 2

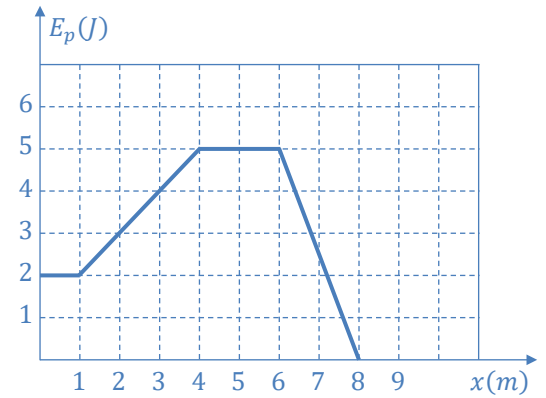
Un corps de masse  $m$ , soumis à une force  $\vec{F}_n$ , se déplace du point  $O(0; 0)$  au point  $A(2; 2)$  et revient au point  $O(0; 0)$ , décrivant une trajectoire fermée  $OAO$ , formée par un arc de parabole et un segment de droite, dans le sens indiqué sur la figure ci-contre.

1. Calculer le travail effectué par  $\vec{F}_n$  dans les cas suivants :
  - $\vec{F}_1 = -y\vec{i} + x\vec{j}$ .
  - $\vec{F}_2 = x\vec{i} + y\vec{j}$ .
2. Calculer  $\text{rot } \vec{F}_n$  dans les deux cas. Conclure.
3. Trouver l'expression de l'énergie potentielle  $E_{p_2}(x, y)$  sachant que  $E_{p_2}(0; 0) = 0 \text{ J}$ .



### Exercice 3

Un corps de masse  $M = 1 \text{ kg}$ , se déplace de l'origine  $O$  suivant l'axe  $Ox$ , avec une vitesse initiale  $v_0 = 6 \text{ m/s}$ . La figure ci-contre donne la variation de l'énergie potentielle  $E_p$  de la masse en fonction de l'abscisse  $x$ . On suppose que le mouvement s'effectue sous l'action d'une force conservatrice  $\vec{F}$ .



1. Calculer l'énergie totale  $E_T$  du corps.
2. Calculer le travail  $W$  effectué par la force  $\vec{F}$  pendant le déplacement de  $x = 0 \text{ m}$  à  $x = 8 \text{ m}$ .
3. Tracer le graphe de la force  $F_x$  en fonction de  $x$ , puis retrouver le travail  $W$  calculé précédemment.

### Exercice 4 (À Traiter en Cours)

Une piste se trouvant dans un plan vertical, est constituée d'une partie circulaire  $AD$  de rayon  $R = 1 \text{ m}$  et de centre  $O$ , et d'une partie horizontale  $DEF$  (figure ci-dessous). Au point  $E$ , de la partie horizontale, on dispose d'un ressort fixé à un mur et dont la constante de raideur  $k = 100 \text{ N/m}$ . Soient un corps de masse  $m = 1 \text{ kg}$  assujéti à se déplacer sur la piste et  $B$  un point situé au milieu de la partie circulaire ( $\alpha = 45^\circ$ ).

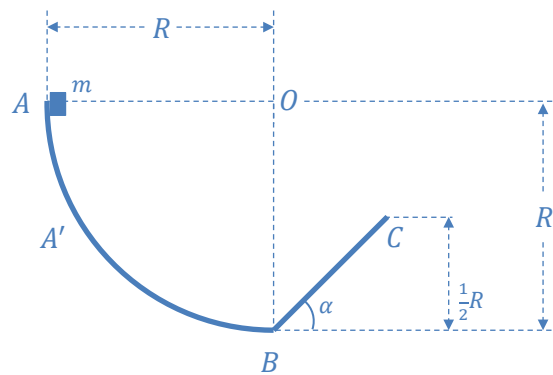
1. Les frottements sont négligeables sur toute la piste, on lâche la masse  $m$  sans vitesse initiale à partir du point  $A$ .
  - a. Calculer la vitesse de la masse  $m$  au point  $B$ .
  - b. Trouver la force de contact  $C$  qu'exerce la piste sur  $m$  en  $B$ .
  - c. Calculer l'accélération de  $m$  au point  $B$ .
  - d. Calculer la compression maximale du ressort lorsque la masse  $m$  le percute.
2. Les frottements sont négligeables sur la piste  $ABD$  alors que la partie  $DEF$  est caractérisée par les coefficients de frottements statique  $\mu_s = 0,2$  et de glissement  $\mu_g = 0,1$  et  $DE = 1 \text{ m}$ . On lâche, sans vitesse initiale, la masse  $m$  à partir du point  $A$ .
  - Calculer la compression maximale du ressort lorsque la masse  $m$  le percute.



### Exercice 5

Un bloc de masse  $m = 2 \text{ kg}$  est lâché sans vitesse initiale du haut d'une piste courbée en forme d'un quart de cercle  $AA'B$  de rayon  $R = 1 \text{ m}$ . Le bloc glisse ensuite sur un plan incliné  $BC$  qui fait un angle  $\alpha = 45^\circ$  avec l'horizontale. Les frottements le long de  $AA'B$  sont négligeables alors que ceux de la partie  $BC$  sont caractérisés par le coefficient de frottement dynamique  $\mu_d = 0,5$  (figure ci-dessous). On prend  $g = 10 \text{ m/s}^2$ .

1. Calculer la variation de l'énergie cinétique  $\Delta E_c$  entre les points  $A$  et  $B$ , déduire la vitesse  $v_B$  au point  $B$ .
2. Représenter les forces auxquelles est soumise la masse  $m$  au point  $A'$ .
3. La masse  $m$  poursuit son mouvement sur le plan incliné. Représenter les forces qui agissent sur elle le long de  $BC$ , puis déterminer son accélération  $a$ .
4. Calculer le travail  $W$  de la force de frottement le long de  $BC$  et en déduire la vitesse  $v_C$ , de la masse  $m$ , au point  $C$ .
5. Quel temps mettra le bloc  $m$  pour parcourir la distance  $BC$  ?

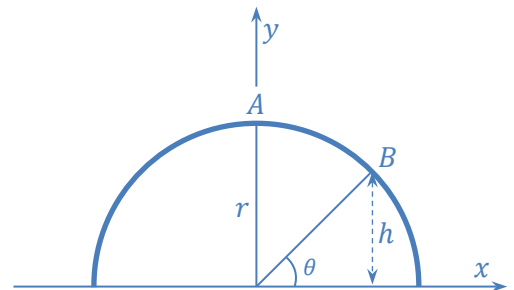


### Exercice 6 (À Traiter en Cours)

Un morceau de glace de masse  $m$  glisse sans frottement sur la surface externe d'un igloo qui est une demi sphère de rayon  $r$  et dont la base est horizontale (figure ci-contre).

À  $t = 0 \text{ s}$  il est lâché du point  $A$  sans vitesse initiale.

1. Trouver l'expression de la vitesse au point  $B$ , en fonction de  $g$ ,  $r$  et  $\theta$ .
2. En utilisant la relation fondamentale de la dynamique, déterminer l'expression de  $|\vec{N}|$  la réaction de l'igloo sur  $M$  au point  $B$  en fonction de la vitesse  $v_B$ .
3. À quelle hauteur la masse quitte-t-elle la sphère ?
4. À quelle vitesse la masse arrive à l'axe  $Ox$  ?



**Exercice 7 (À Traiter en Cours)**

Une particule de masse  $m = 1,18 \text{ kg}$  est fixée entre deux ressorts identiques sur une table horizontale sans frottement. Les deux ressorts ont une constante de raideur  $k$  et sont initialement non contraints, et la particule est à  $x = 0$ .

1. La particule est tirée sur une direction  $x$  le long d'une direction perpendiculaire à la configuration initiale des ressorts, comme illustré à la figure ci-dessous. Montrer que la force exercée par les ressorts sur la particule est :

$$\vec{F} = -2kx \left( 1 - \frac{L}{\sqrt{x^2 + L^2}} \right) \vec{i}.$$

2. Montrer que l'énergie potentielle du système est :

$$E_p(x) = kx^2 + 2kL(L - \sqrt{x^2 + L^2}).$$

3. Supposant que  $L = 1,2 \text{ m}$  et  $k = 40 \text{ N/m}$ . Si la particule est tirée  $50 \text{ cm}$  vers la droite puis relâché, quelle est sa vitesse lorsqu'elle atteint  $x = 0$  ?

